

## 2. DÚ Z DISKRÉTNÍ MATEMATIKY

Deadline 16. 10. 2018 15:40

<https://kam.mff.cuni.cz/~viki/vyuka/dm1819/>

**Příklad 1.** Dokažte, že  $A \cap B$  lze zapsat pouze pomocí symbolů  $A$ ,  $B$ ,  $\setminus$  a závorek (každý symbol můžete použít kolikrát chcete).

*(0.5 bodu konstrukce + 1 bod důkaz korektnosti; ten doporučuji slovní spíše než obrázkem)*

**Příklad 2.** Mějme množinu  $M = \{1, 2, \dots, n\}$ . Spočtete, kolika způsoby můžeme v závislosti na  $n$  vybrat množiny  $A$  a  $B$  tak, aby současně splňovaly všechny následující vlastnosti:

- i)  $A \subseteq M$
- ii)  $B \subseteq M$
- iii)  $|A \cap B| = 1$
- iv)  $|M \setminus (A \cup B)| = 1$

*(1.5 bodu)*

**Příklad 3.** Kolik existuje prostých zobrazení  $f : \{1, \dots, n\} \rightarrow \{1, \dots, m\}$ ?

*(1.5 bodu)*

\* **Příklad 4.** Kolik existuje neklesajících zobrazení  $f : \{1, \dots, n\} \rightarrow \{1, \dots, m\}$ ?

*(3 body; nezapočítává se do maxima)*