

1. Najděte dva grafy s co nejméně vrcholy takové, že mají stejné skóre, ale nejsou navzájem izomorfní.
2. Dokažte, že libovolné rovinné nakreslení grafu na  $n \geq 3$  vrcholech, který neobsahuje trojúhelník, má maximálně  $n - 2$  stěn.
3. Pro jaké hodnoty  $k$  existuje rovinný graf, který má všechny vrcholy stupně  $k$ ? Pokud existuje, nakreslete jej.
4. Nechť  $G$  je rovinný graf, který má  $n$  vrcholů,  $m$  hran a  $k$  komponent souvislosti. Kolik stěn bude mít jeho nakreslení?
5. Dokažte, že doplněk rovinného grafu s 11 vrcholy nemůže být rovinný.
6. Graf se nazývá *vnějškově rovinný* (anglicky *outerplanar*), pokud se dá nakreslit tak, aby všechny vrcholy sousedily se vnější stěnou. Kolik může takový graf mít maximálně hran vzhledem k počtu vrcholů?
7. Za pomoci Kuratowského věty dokažte, že vnějškově rovinný graf nemůže mít jako podgraf podrozdělení  $K_4$  nebo  $K_{2,3}$ .
8. Kolik existuje permutací  $[n]$  takových, že žádný prvek není větší než oba jeho sousedi? Můžeme předpokládat, že pro krajní prvky je podmínka automaticky splněna.