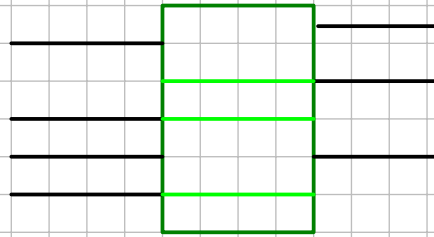
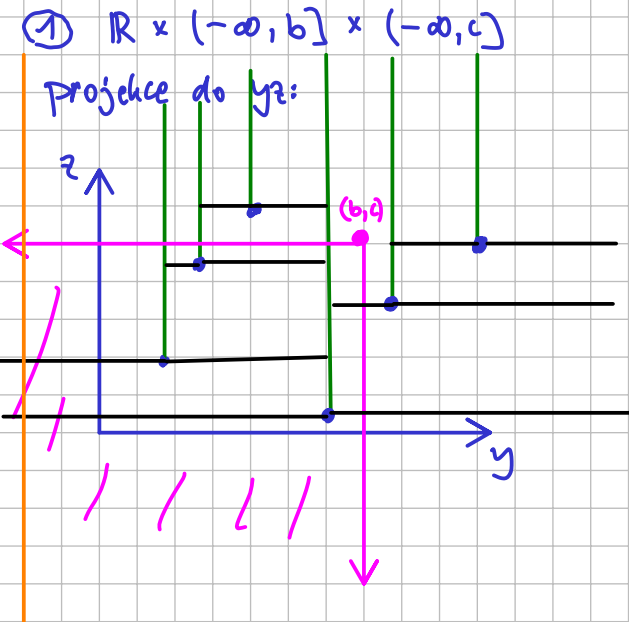


Range queries v \mathbb{R}^3 : $[a_1, a_2] \times [b_1, b_2] \times [c_1, c_2]$
 ↳ vyjmenovat body

$O(\log n + k)$
 ↑
 # bodů výsledku



hive graph

dotaz $O(\log n + k)$
 prostor $O(n)$
 build $O(n \log n)$

amortizace:
 pokračování účtují konstantu } celkem $O(n)$
 +1 za oblast } $O(n)$

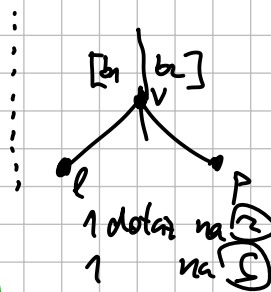
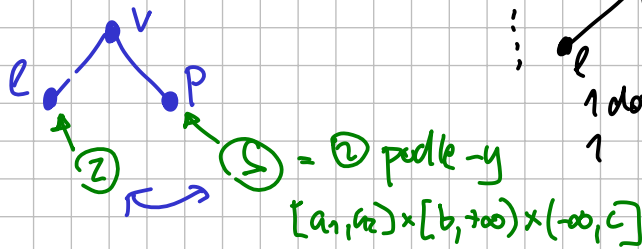
② $[a_1, a_2] \times (-\infty, b] \times (-\infty, c]$

- intervalový strom podle x
- pro \forall vrchol (x-ový pás) ①

dotaz $O(\log^2 n + k)$
 prostor $O(n \log n)$
 build $O(n \log^2 n)$

③ $[a_1, a_2] \times [b_1, b_2] \times (-\infty, c]$

- intervalový strom podle y



dotaz $O(\log n + \log^2 n + k)$
 ↑ zde ↑ ②
 prostor $O(n \log^2 n)$
 build $O(n \log^3 n)$

④ $[a_1, a_2] \times [b_1, b_2] \times [c_1, c_2]$

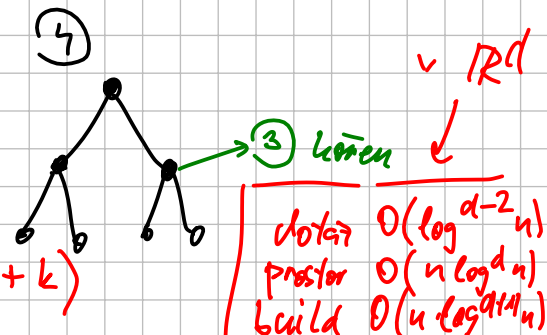
- tentýž trik v z

dotaz $O(\log n + \log n + \log^2 n + k)$
 ↑ zde ↑ ③ ↑ ②
 prostor $O(n \log^3 n)$
 build $O(n \log^4 n)$

Aplikujeme Fr. C.

- v \forall vrcholu stromu v ④ - ① přidám z-sorted seznam bodů v pásu

prvotní hledání podle z: $O(\log n)$
 + $O(\log n)$ FC kroky } $O(\log n + k)$



Non-blocking binary search trees

[Ellen et al. '10]

Cíl: paralelní BST
↳ find, insert, delete

Vlastnosti:

- potřebujeme CAS + atomická registry
- lock-free (≥ 1 proces úspěšný)
↳ find je read-only a skoro wait-free
- bez vyvažování

Idea: jednoduchý strom, zamýkání + pomáhání

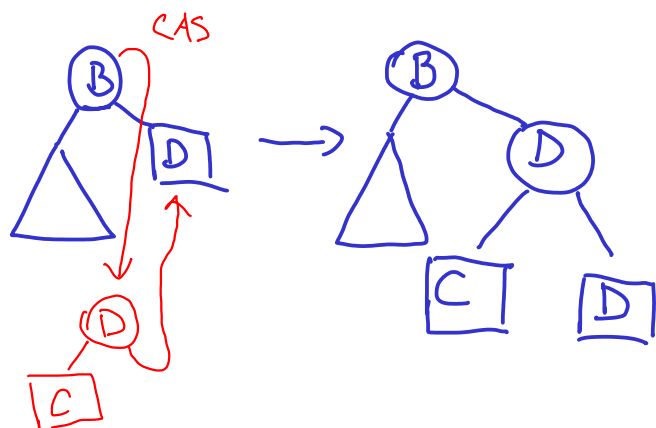
Struktura

- BST s hodnotami jen v listech
- zakazujeme duplicitní hodnoty
↳ ve vnitřních vrcholech ale duplicitní klíče jsou
- vrchol obsahuje
 - klíč
 - pointer na děti
 - jedno slovo na značku + pointer

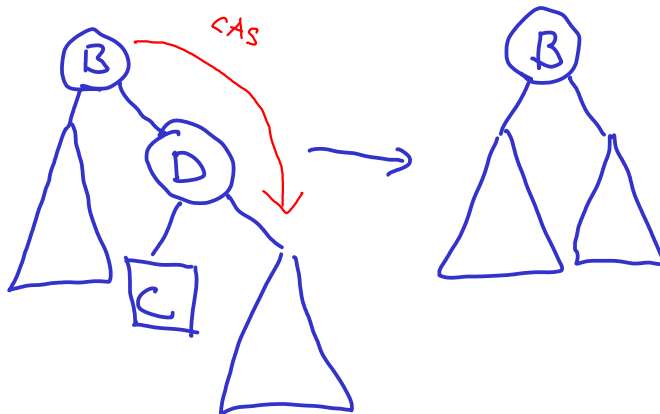
Update

👁️: značaj sa dāji' jasn u listu

insert(C):

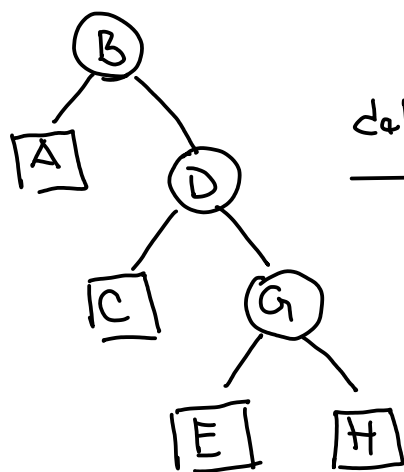


delete(C)

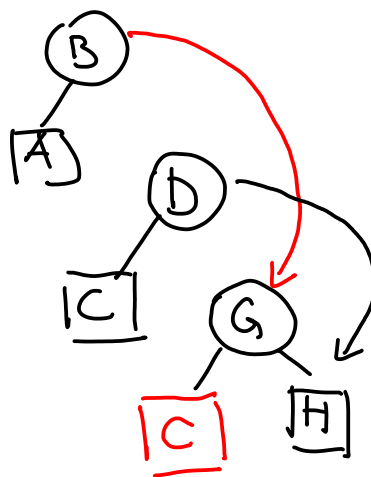


👁️ insert i delete lze učelat 1 CASem

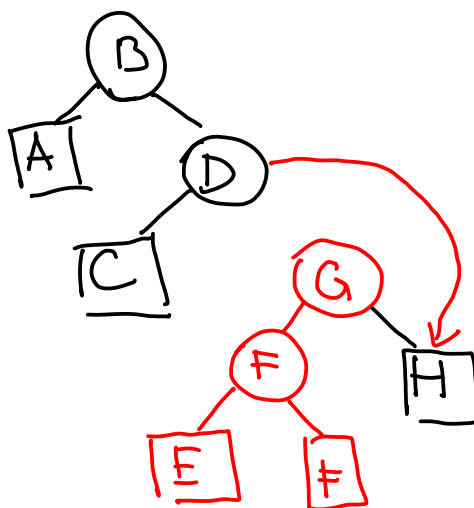
Problem: delete lze osfatnuim do zali



del(C) + del(E)



ins(F) + del(E)



Rěšení: "Zamykání" pomocí značek

Tři značky:

- iflag \leadsto otec x (p) při insert(x)
- dflag \leadsto dědeček x (g) při delete(x)
- mark \leadsto otec x při delete(x)
- + clean

\leadsto update se najdřív pokusí označovat vrchol
 \rightarrow jen při úspěchu pokračuje

\rightarrow vznik značky = linearizační bod

? Jak zabránit blokování?

\rightarrow procesy si pomáhají

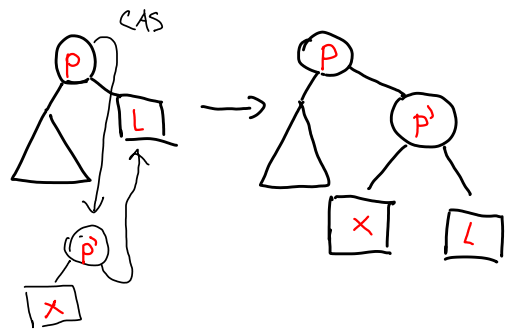
\rightarrow spolu se značkou proces uloží požádek na informace nutné k dokončení operace

\Rightarrow nemůžeme dokončit svoji op. kvůli značce
 \rightarrow dokončím operaci, která má bloky a začnu odznamenávat

find(x):

jako v obvyč. BST, ignoruje všechny značky a spol.

Insert(x):



forever:

find (x) ~ p budenci otec

x je ve stromě => return

x označovaný => help(x); continue

info ← pointer na informace k dokončení

CAS: označuj p (iflag, info), pokud bylo (clean, NULL)

↳ fail: help(x); continue

↳ success:

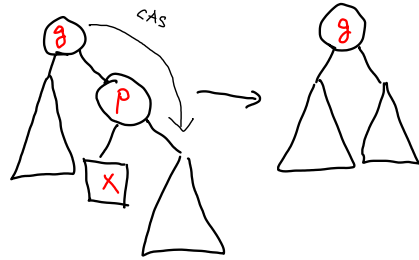
CAS: změni syna v p z L na p'

CAS: označuj p (clean, NULL), pokud bylo (iflag, info)
return

help
pro insert

Delete(x)

- analogicky insertu
- ale značkuj g i p



- nejdřív dostane g značku dflag (+info)
- následně p dostane značku mark a stajne info jako
- při neúspěch pošlu na příslušný vrchol help
→ help může rekurzít

- navíc neúspěch při mark vynutí rollback a nový pokus o delete

