

Universal wait-free protocol [Herlihy]

Op: Stav x Arg \rightarrow Stav x Res

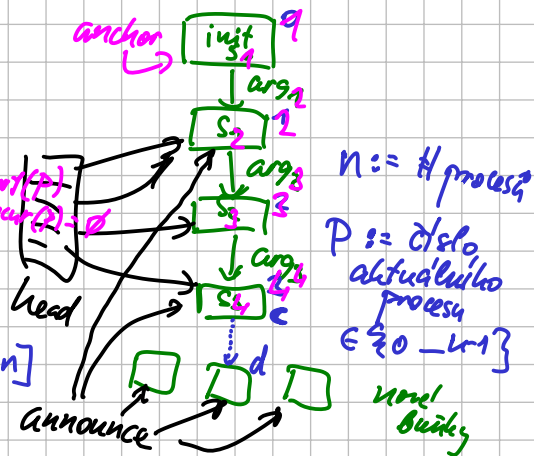
Stav struktury

Cell: seq (int) - pořadové číslo
 arg - argument operace, kterou vznikl akt. stav
 new - akt. stav (objekt pro konsensus)
 next - ukazatel na další buňku (obj. pro konsensus)
 prev - předch. buňka (atom. ukazatel)

globální: announce [P] \leftarrow právě přidáv. buňka
 head [P] \leftarrow ukázka na konec seznamu
 na poř. kotva
 "<" na buňkách porovnává seq
 $\min(\text{cell}_1, \text{cell}_2)$
 $\max(\text{head}) := \max c$
 $c \leftarrow \text{head}$

Operate (arg):

1. mine \leftarrow Cell (seq=0, arg=arg, new= \emptyset , next= \emptyset , prev= \emptyset)
2. announce [P] \leftarrow mine
3. head [P] \leftarrow max (head)
4. while mine.seq = 0:
5. c \leftarrow head [P]
6. help \leftarrow announce [c.seq % n]
7. if help.seq = 0: prefer \leftarrow help
else: prefer \leftarrow mine
8. d \leftarrow c.next. decide (prefer)
9. d.new. decide (Op(c.new, d.arg))
10. d.prev \leftarrow c
11. d.seq \leftarrow c.seq + 1
12. head [P] \leftarrow d
13. head [P] \leftarrow mine
14. Return mine.new



start (P) \leftarrow max (head).seq
 v okamžiku announce [P] procesem P
 Concur (P) := množina buňek, které přibýly do hlavy od okamžiku announce v P

$$\max(\text{head}).seq = \text{start}(P) + |\text{concur}(P)|$$

(L1) Pokud $|\text{concur}(P)| > n$, pak announce [P] \neq head (během výpočtu procesem P)

Důs: \rightarrow concur(P) obsahuje buňky se
 $seq \equiv p-1 \pmod n$ \leftarrow buňka q přidána procesem Q
 $seq \equiv p \pmod n$ \leftarrow buňka r přidána procesem R

- $q \in \text{concur}(P) \Rightarrow Q$ připojí buňku q poté, co P ohlídl
 - R připojí r za q \rightarrow v kroku 5 procesem R je head [R] nastaveno na q
 - předtím Q nastavil head [Q] \leftarrow q \rightarrow buňka q je připojena procesem Q
- \rightarrow v kroku 5 procesem R (čteme head [R]) je už nastaveno announce [P]
 • pak je buňka ann [P] už zapojená
 nebo r = ann [P]

(L2) $\max(\text{head})_{seq} \geq \text{start}(P)$

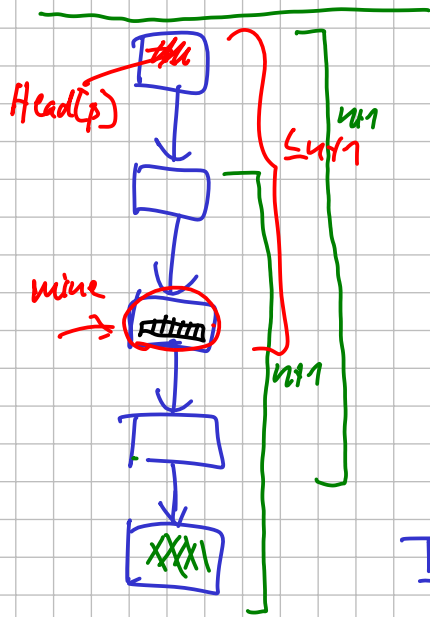
(L4) po kroku 3: $\text{head}[P]_{seq} \geq \text{start}(P)$

(L5) $|\text{concur}(P)| \geq \text{head}(P).seq - \text{start}(P) \geq 0$

$$|\text{concur}(P)| = \max(\text{head}).seq - \text{start}(P)$$

\rightarrow v každém přechodu cyklem while se dobin odhad na $|\text{concur}(P)|$ zvýší aspoň o 1.
 \Rightarrow po nejvýše n-1 přechodech platí předp. od (L1) \Rightarrow cyklus skončí!

Správa paměti



Návrh "invariant": Vždy se pohybujeme po posledních $n-1$ buňkách seznamu.

Buňka je při vstupu zamčena, potřebuje $(n-1)$ -krát odečtení, než je uvolněna.

→ fetch & add
→ pole $n-1$ atom. bitů

Alokace: n procesů má pool velikosti $\geq n^2$
vždy při alokaci projde pool a najde $(n-1)$ -krát odečt. buňku, tu recykluje

} alokace trvá $O(n^2)$ s počítáním $O(n^3)$ bitů



$n-1$ procesů, každý blokuje max. $n-1$ buňku

} blokováno max. $(n-1)(n-1) = n^2 - 1$ buňku

Tvrzení: Buňka, kterou zkontrolujeme, je ve vzdálenosti max. $n-1$ buňky od konce seznamu nebo od mine, je-li mine zainkrementována.
je desud zamčena → není recyklována.