

**Příklad 1.**

Spočítejte Fourierovu transformaci na následujících vektorech:

- $(x, \dots, x)$
- $(1, -1, 1, -1, \dots, 1, -1)$
- $(1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0)$
- $(\omega^0, \omega^1, \omega^2, \dots, \omega^{n-1})$
- $(\omega^0, \omega^2, \omega^4, \dots, \omega^{2n-2})$

**Příklad 2.**

Mějme vektor  $y$ , který vznikl rotací vektoru  $x$  o  $k$  pozic, tedy  $y_j = x_{(j+k) \bmod n}$ . Jak spolu souvisí Fourierovy obrazy  $x$  a  $y$ ?

**Příklad 3.**

O jakých vlastnostech vektoru vypovídá nultý a  $(n/2)$ -tý koeficient jeho Fourierova obrazu?

**Příklad 4.**

Jak vypadá Fourierův obraz jednotkového vektoru  $e_i$ , tedy vektoru, který má jedničku na pozici  $i$  a jinde 0?

**Příklad 5.**

Pro každé  $i$  najděte vektor, jehož Fourierovým obrazem je  $e_i$ . Jak z toho sestrojíte inverzní Fourierův obraz?