

# Algoritmická teorie her – příklady na 2. cvičení\*

31. října 2019

## 1 Lemkeho–Howsonův algoritmus

**Příklad 1.** Použijte Lemkeho–Howsonův algoritmus a spočítejte Nashova ekvilibria následující hry dvou hráčů:

$$M = \begin{pmatrix} 0 & 6 \\ 2 & 5 \\ 3 & 3 \end{pmatrix} \quad \text{and} \quad N = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}.$$

Výpočet začněte výběrem značky 2.

**Příklad 2.** Dokažte, že Lemkeho–Howsonův algoritmus neskončí ve vrcholech tvaru  $(x, \mathbf{0})$  či  $(\mathbf{0}, y)$  v grafu konfigurací.

**Příklad 3.** Dokažte, že jsou-li  $(s_1, s_2)$  a  $(s'_1, s'_2)$  smíšená Nashova ekvilibria ve hře s nulovým součtem, tak potom jsou jimi i profily  $(s_1, s'_2)$  a  $(s'_1, s_2)$ .

---

\*Informace o cvičení najeznete na <http://kam.mff.cuni.cz/~balko/>