

- Definice vlastních datových typů (výčtové datové typy)
- Konstrukce `case ... of ...`
- Ordinalní typy - typ `char`, funkce `ord`, `chr`, `succ`, `prev`, `inc`, `dec`,
Motivace: Máme dlouhé číslo (nebo číslo ve stringu).
- Zapis čísla v poziciční soustavě, jeho vyhodnocení Hornerovým schématem,
- Evaluace polynomu Hornerovým schématem,
- Fronta a zásobník,
- Základní třídící algoritmy
- Direktivy překladače
- Soubory (textové)

Další využití tvorby vlastních typů

Chceme počítat dny v týdnu. Jak to uděláme?

- Očíslujeme si dny takto: Pondělí=1, Úterý=2,...

Další využití tvorby vlastních typů

Chceme počítat dny v týdnu. Jak to uděláme?

- Očíslujeme si dny takto: Pondělí=1, Úterý=2,...
- Jenže já to přečísluju: Pondělí=0, Úterý=1,...

Další využití tvorby vlastních typů

Chceme počítat dny v týdnu. Jak to uděláme?

- Očíslujeme si dny takto: Pondělí=1, Úterý=2,...
- Jenže já to přečísluju: Pondělí=0, Úterý=1,...
- Přijde američan a očísluje: Neděle=1, Pondělí=2,...

Chceme počítat dny v týdnu. Jak to uděláme?

- Očíslujeme si dny takto: Pondělí=1, Úterý=2,...
- Jenže já to přečísluju: Pondělí=0, Úterý=1,...
- Přijde američan a očísluje: Neděle=1, Pondělí=2,...
- ... anebo Neděle=0, Pondělí=1,...

Chceme počítat dny v týdnu. Jak to uděláme?

- Očíslujeme si dny takto: Pondělí=1, Úterý=2,...
- Jenže já to přečísluju: Pondělí=0, Úterý=1,...
- Přijde američan a očísluje: Neděle=1, Pondělí=2,...
- ... anebo Neděle=0, Pondělí=1,...
- Proto raději uděláme zvláštní typ indexovaný dny v týdnu a čísla necháme na překladači.

Výčtový datový typ

- Definujeme v sekci `type`,
- jednotlivé hodnoty klademe do závorek a oddělujeme čárkou.
- Příklad: `type dnyvtydnu=(pondeli,utery,streda,ctvrtek,patek,sobota,nedele);`
- Anebo definujeme přímo proměnnou tohoto typu:
`var kal:(pondeli,utery,streda,ctvrtek,patek,sobota,nedele);`

- Chceme vyrobit jednoduchý "kalendář" na rok 2012, tedy vypsát datum a údaj o dni v týdnu.
- Pro jednoduchost předpokládejme, že každý měsíc má 30 dnů...
- Zdrojový kód je na webu ([kam.mff.cuni.cz/ perm/programovani/enum.pas](http://kam.mff.cuni.cz/perm/programovani/enum.pas)).
- V příkladu vidíme, že funkce `write` neumí vypsát příslušné názvy, bylo by proto pěkné v závislosti na čísle dne v týdnu vypsát příslušný text. Nápady?
- Buďto mnoho klauzulí `if`, nebo: `case` proměnná of ...

Konstrukce case ... of ...

- Umožňuje vytvořit mnoho větví programu v závislosti na obsahu jedné proměnné.
- Syntax:
case jméno proměnné of
 hodnota1: příkaz nebo blok
 hodnota2: příkaz nebo blok
 else příkaz nebo blok
end;
- Proveďte se jen větve označená aktuální hodnotou proměnné, else-větve je pro ostatní (explicitně neuvedené) případy.
- Klauzule else nemusí být přítomna!
- Je-li poslední klauzule blok, jde end dvakrát po sobě (první uzavře blok posledních příkazů, druhý uzavře blok case).

Příklad – kalendář s jmény dnů

je na adrese

`kam.mff.cuni.cz/perm/programovani/case_of.pas.`

Ordinální datové typy

- Typy, jejichž hodnoty tvoří lineárně uspořádanou množinu (tedy pro každou dvojici je jasné, který prvek je větší).
- Z pascalských typů jsou to: `integer`, `longint`, `byte`, `char`, `word`, `boolean` a `shortint` (a další definované uživatelem, zejména výčtový typ a interval).
- Pro ordinální typy jsou definovány funkce "`Ord`", "`Pred`" a "`Succ`".

Funkce pro ordinální typy

- Funkce `Ord` vrátí ordinální hodnotu (tedy hodnotu pro část typů, konkrétně pro `integer`, `longint`, `byte`, `word` a `shortint`).
- Pro typ `char` vrátí ASCII hodnotu příslušného znaku. Umíme tedy zjistit ASCII-hodnotu jednotlivých znaků.
- Co naopak? Použijeme funkci `Chr`, která vrátí znak s příslušným číslem.
- Úloha: Jak převedeme číslo uložené v `integeru` na řetězec znaků?
- Řetězec je reprezentován jako pole znaků (až na drobná omezení).

Příklad

```
var a,i,j:integer; text,pom:string[255];
begin pom:='xxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxxx';
  readln(a); i:=1; j:=1;
  while a<> 0 do
  begin pom[i]:=chr(a mod 10+48);
    a:=a div 10; i:=i+1;
  end;
  delete(pom,i,255-i); i:=i-1;
  text:=copy(pom,1,length(pom));
  while i>0 do
  begin text[j]:=pom[i];
    i:=i-1; j:=j+1;
  end;
  writeln(text);
end.
```

Hornerovo schéma

- Co když chceme konvertovat obráceně? (řetězec na integer)
- Použijeme tzv. Hornerovo schéma, tedy začneme od začátku řetězce (nejvyšší číslice).
- Zjistíme její hodnotu a postupujeme indukci:
Dosavadní výsledek vynásobíme deseti a přičteme číslici na dalším řádu.

číslo $a_n a_{n-1} a_{n-2} \dots a_0$ zapsané v desítkovém zápisu je vlastně $a_n 10^n + a_{n-1} 10^{n-1} + \dots + a_0$. A platí:

$$a_n 10^n + a_{n-1} 10^{n-1} + \dots + a_0 = (\dots((a_n * 10) + a_{n-1} * 10) + \dots + a_1) * 10 + a_0$$

Tímto způsobem můžeme vyhodnocovat čísla zapsaná v různých (pozičních) soustavách (dvojkové, čtyřkové, pětkové, šestkové...).

Příklad

```
program x;  
var a:string;  
    i,hod:longint;  
begin  
    readln(a); i:=1; hod:=0;  
    while i<=length(a) do  
        begin  
            hod:=10*hod+ord(a[i])-ord('0');  
            i:=i+1;  
        end;  
    writeln(hod);  
end.
```

Evaluace polynomu

- Máme zadán polynom $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0$.

Evaluace polynomu

- Máme zadán polynom $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0$.
- Chceme tento polynom vyhodnotit (evaluovat), tedy určit jeho hodnotu v zadaném bodě x .

Evaluace polynomu

- Máme zadán polynom $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0$.
- Chceme tento polynom vyhodnotit (evaluovat), tedy určit jeho hodnotu v zadaném bodě x .
- Možnosti?

Evaluace polynomu

- Máme zadán polynom $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0$.
- Chceme tento polynom vyhodnotit (evaluovat), tedy určit jeho hodnotu v zadaném bodě x .
- Možnosti?
- Hrubá síla (počítat $a_n x^n$, $a_{n-1} x^{n-1}$, ... a sečíst)

Evaluace polynomu

- Máme zadán polynom $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0$.
- Chceme tento polynom vyhodnotit (evaluovat), tedy určit jeho hodnotu v zadaném bodě x .
- Možnosti?
- Hrubá síla (počítat $a_n x^n$, $a_{n-1} x^{n-1}$, ... a sečíst)
- nebo Hornerovo schéma

$$\sum_{i=0}^n a_i x^i = ((\dots(a_n x + a_{n-1})x + \dots + a_1)x + a_0).$$

Evaluace polynomu Hornerovým schématem

- 1: Načti koeficient u nejvyššího (dosud neprošlého) stupně,
- dosud načtené hodnoty vynásob hodnotou x ,
- přičti hodnotu nově načteného koeficientu,
- GOTO 1;

Evaluace polynomu Hornerovým schématem

```
program nic;
var i,a,souc,stupen,x:integer;
{Vyhodnot polynom stupne stupen v bode x, do a
nacitej koeficienty}
begin
    readln(stupen); readln(x);
    souc:=0;
    for i:=0 to stupen do
    begin souc:=souc*x;
        readln(a);
        souc:=souc+a;
    end;
    writeln('Hodnota polynomu je: ',souc);
end.
```

Odbočka – labely a GOTO

- V Pascalu je možno provádět poměrně nekontrolované skoky po programu.
- Za sekci globálních proměnných (`var`) vytvoříme sekci `label`, kde vyjmenujeme použité labely,
- následně můžeme těmito labely označit vybraná místa programu
- a pomocí `goto label`; udělat nepodmíněný skok.
- GOTO nepoužívejte, používám ho jen já v pseudokódu k pedagogickým účelům.

- Fronta je datová struktura osazená operacemi zařad' a vyřad',
- zařad' zařadí daný prvek na konec fronty,
- vyřad' vyřadí daný prvek ze začátku fronty.
- Zásobník je datová struktura osazená operacemi push a pull.
- push přidá na konec zásobníku, pull vytáhne z konce zásobníku.

Figurky na šachovnici anebo prohledávání grafu - algoritmus vlny

- Na dřevě šachovnici je umístěn král. Určete jak rychle se dostane na určené (cílové) pole?

Figurky na šachovnici anebo prohledávání grafu - algoritmus vlny

- Na dřevé šachovnici je umístěn král. Určete jak rychle se dostane na určené (cílové) pole?
- Vlastně jde o úlohu prohledávání grafu.

Figurky na šachovnici anebo prohledávání grafu - algoritmus vlny

- Na dřevé šachovnici je umístěn král. Určete jak rychle se dostane na určené (cílové) pole?
- Vlastně jde o úlohu prohledávání grafu.
- Podobné: Theseus hledá Mínótaura.

Figurky na šachovnici anebo prohledávání grafu - algoritmus vlny

- Na dřevé šachovnici je umístěn král. Určete jak rychle se dostane na určené (cílové) pole?
- Vlastně jde o úlohu prohledávání grafu.
- Podobné: Theseus hledá Mínótaura.
- Rozdíl: Tehdy nám nešlo o nejkratší cestu.

Algoritmus vlny (myšlenky)

- Na šachovnici vysadíme na specifikované políčko mravence,
- mravenci polezou rovnoměrně všemi dostupnými směry,
- mravenci zkusí všechny cesty, rychleji než první mravenec se tam dostat nelze.
- Jiná intuice: Na příslušné políčko vychrstneme vodu,
- voda teče všemi dostupnými cestami, až doteče na cílové políčko.

Algoritmus vlny (implementace)

- Vytvoř prázdnou frontu f .
- Nastav vzdálenost do všech políček kromě startovního na nekonečno, vzdálenost do startovního nastav na 0.
- Přidej do f startovní políčko.
- Dokud není fronta f prázdná, opakuj:
 - $a := \text{vyřad}'(f)$;
 - Pro všechny sousedy z pole a zkus:
 - Pokud vzdálenost do z je větší než vzdálenost do $a + 1$, nastav políčku z vzdálenost $a + 1$ a zařad'(z, f).

Problém třídění – motivace

- Máme načtena data (například čísla),
- chceme je zpracovat například v rostoucím pořadí.
- Jak to udělat? Setřídíme, zpracujeme.
- Předpokládejme, že data jsou v poli.

Problém třídění – jednoduché třídící algoritmy

- Bublínkové třídění (BubbleSort),
- zatříd'ování alias třídění přímým vkládáním (InsertSort),
- třídění výběrem (SelectSort),
- QuickSort.

- Geometrická interpretace:
Bublňky v kapalině jdou zpravidla vzhůru
- Myšlenka: Porovnáváme po sobě jdoucí čísla (ve smyslu sousední v zadaném poli) od prvního k poslednímu, jsou-li v nesprávném pořadí, prohodíme je.
- Prvky "probublávají" "správným" směrem.
- Opakujeme bublání, dokud se prohazuje.

Bubblesort v pseudokódu

- `prohazovalose:=true;`
- `while prohazovalose:=true do`
 - `begin`
 - `for i:=1 to pocet - 1 do`
 - `begin`
 - `prohazovalose:=false;`
 - `if pole[i]>pole[i+1] then`
 - `begin prohod(pole[i],pole[i+1]);`
 - `prohazovalose:=true;`
 - `end;`
 - `end;`
- `end;`

- Kolikrát se provede vnější `while`-cyklus?

Složitost bubble-sortu

- Kolikrát se provede vnější `while`-cyklus?
- V i -tém kroku dojde i -tý největší na své místo!

- Kolikrát se provede vnější `while`-cyklus?
- V i -tém kroku dojde i -tý největší na své místo!
- Stačí tedy n -krát probublat, jedno probublání porovná po sobě jdoucí dvojice, tedy má složitost lineární.

Složitost bubble-sortu

- Kolikrát se provede vnější `while`-cyklus?
- V i -tém kroku dojde i -tý největší na své místo!
- Stačí tedy n -krát probublát, jedno probublání porovná po sobě jdoucí dvojice, tedy má složitost lineární.
- Složitost BubbleSortu je tedy $O(n^2)$.

Složitost bubble-sortu

- Kolikrát se provede vnější `while`-cyklus?
- V i -tém kroku dojde i -tý největší na své místo!
- Stačí tedy n -krát probublat, jedno probublání porovná po sobě jdoucí dvojice, tedy má složitost lineární.
- Složitost BubbleSortu je tedy $O(n^2)$.
- Implementaci, kdy se střídavě bublá z jedné strany na druhou a z druhé na první se říká ShakeSort a funguje pro něj stejný odhad složitosti.

Třídění přímým výběrem a zatřídováním

Přímý výběr:

- Opakuj, dokud není tříděné pole prázdné:
- Najdi v poli minimum a přesuň ho na konec setříděného pole.

Zatřídování:

- Opakuj, dokud není tříděné pole prázdné:
- Vyjmi z něj první prvek a zatříd' do cílového pole, tedy: najdi pozici, kam prvek patří, přidej ho tam a zbytek setříděného pole posuň (o jedna dál).

Analýza složitosti: n krát opakujeme proces, který trvá nejvýše n kroků, tedy také $O(n^2)$.

Quicksort – třídění za pomoci rekurze – idea:

- Pokud třídíme jedno číslo, nic nedělej (posloupnost je setříděna),
tedy vrať posloupnost tak, jak jsme ji dostali.
- V poli POLE vyber jeden prvek (dále pivot).
- Rozděl POLE na pole A obsahující prvky menší než pivot
- a na pole B obsahující prvky větší nebo rovné pivotu.
- Pomocí sebe sama setříd' pole A ,
- pomocí sebe sama setříd' pole B ,
- Vypiš: pole A , pivot, pole B .

- Překladač kontroluje plno věcí, například:
- zda nekoukáme za konec pole,
- zda nám nepřetekl zásobník,
- anebo zda nenastala chyba na vstupu/výstupu...
- Většinou je užitečné mít kontroly zapnuté, někdy však "víme, co děláme".
- V tom případě můžeme na nezbytnou dobu chování překladače změnit pomocí tzv. *direktiv překladače*.
- Direktivy vypadají jako komentář, tedy jsou ve složených závorkách, ovšem začínají znakem string (\$), jméno je zpravidla 1znakové a následuje prepínač +/−.

Direktivy překladače:

- Příklad: $\{\$R-\}$ – vypni *range-checking*.
- Nejdůležitější:
 - $\$Q$ – overflow-checking,
 - $\$R$ – range-checking,
 - $\$/$ – test vstupu a výstupu,
 - Úplný seznam najdete v helpu (některé direktivy se liší podle překladačů).

- V tomto semestru budou pouze soubory textové. Ačkoliv existují i soubory binární, ty budou předmětem výuky až v létě!
- Textový soubor ovládáme pomocí proměnné typu `Text`.
- Příslušnou proměnnou "napojíme" na daný soubor pomocí funkce `Assign`,
- otevřeme pomocí funkce `Reset`, `Rewrite` nebo `Append`,
- soubor čteme pomocí funkce `Read` (resp. `Readln`), které jako první argument předáme příslušnou proměnnou typu `Text`, zapisujeme analogicky pomocí funkcí `Write` a `Writeln`.
- Nakonec soubor uzavřeme pomocí funkce `Close`.

Práce se souborem – syntax (1)

- `var f:Text;`
- `Assign(f, 'soubor.txt');` – asociuj proměnnou `f` se souborem `soubor.txt`.
- `Reset(f);` – otevři soubor `f` (pro čtení).
- `Rewrite(f);` – otevři soubor `f` a jeho dosavadní obsah znič.
- `Append(f);` – otevři soubor `f` pro zápis za jeho dosavadní konec.

Práce se souborem – syntax (2)

- `Writeln(f, 'Zapíšeme text do souboru');` – zapiš do souboru příslušný text.
- `Read(f, a);` – načti ze souboru proměnnou `a`.
- `Close(f);` – uzavři soubor (už s ním nebudeme pracovat).
- `eof(f);` – funkce, která sdělí, zda jsme na konci souboru.
- `eof;` – funkce oznamující konec standardního vstupu (z klávesnice).
- Existuje mnoho dalších funkcí jako `Rename`, `Erase`, ...

- Často se stane, že otevíraný soubor neexistuje.
- Tato událost vyvolá input/output error.
- Nechceme-li při zapnutí této direktivě překladače soubor zničit (pomocí `Rewrite`, které sice neexistující soubor založí, ale existující přemaže), použijeme direktivu překladače a zda nastala chyba zjistíme pomocí funkce `IOResult`.

```
Assign(f, 'soubor.txt');
{$/-} {Vypni test na vstupně-výstupní chyby}
Reset(f);
{$/+} {Zapni test vstupně-výstupních chyb}
if IOResult<>0 then
begin writeln('Chyba!'); halt;
end;
while not eof(f) do begin
    readln(f,s);
    writeln(s);
end;
```

Pozor, IOResult je funkce a po zavolání ztratí hodnotu, nelze ji tedy číst opakovaně a její výsledek je případně třeba uložit do proměnné!