

Kombinatorika a grafy I — Cvičení 3

1. Určete posloupnosti odpovídající následujícím generujícím funkčím:

(a) $\frac{1}{1-x}$

(b) $\frac{1}{1+x}$

(c) $\frac{1}{1-ax}$

(d) $\frac{1}{c-x}$

(e) $\frac{1}{1-x^k}$

(f) $\frac{1}{(1-x)^2}$

(g) $\frac{1}{(1-x)^k}$

(h) $\frac{1}{(1-ax)^k}$

2. Určete generující funkce následujících posloupností:

(a) $1, -2, 3, -4, 5, \dots$

(b) $1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, 0, \dots$

(c) i, i^2, i^3, i^4, \dots , kde i je imaginární jednotka

(d) $1, 4, 9, 16, 25, \dots$

(e) $1, 1+4, 1+4+9, 1+4+9+16, \dots$

(f) $\binom{n}{0}, \binom{n}{1}, \binom{n}{2}, \binom{n}{3}, \dots$