

1. *Párování*: Najděte maximální párování v bipartitním grafu. Čemu odpovídá zlepšení po nenasycené cestě?
2. *Pivovarníkův problém* Máme pivovary P_i , které vyrábí p_i sudů piva a hospody H_j , kde štangasti vypijí h_j sudů piva. Navíc víme kolik piva můžeme dopravit mezi P_i a H_j . Navrhnete algoritmus, který rozhodne jsme-li schopni uspokojit poptávku a určí kolik piva chceme poslat z pivovaru P_i do hospody H_j .
3. *Manažerský problém* Máme programy $P = \{P_i\}_{0 \leq i \leq n}$, a zaměstnance $\{Z_i\}_{0 \leq i \leq m}$. Zaměstnanec Z_i vydělá firmě z_i dolarů k výkonu své práce ale požaduje množinu programů $P_{Z_i} \subseteq P$. Přičemž zakoupení programu P_i nás stojí p_i dolarů (Program nám stačí zakoupit jednou pro všechny zaměstnance, kteří ho požadují). Poradte manažerovi, které programy má zakoupit a které zaměstnance propusit.
4. *Goldbergův algoritmus* Co by se stalo, kdybychom na začátku umístili zdroj do výšky $n - 1$, $n - 2$ nebo dokonce $n - 3$?
5. *Složitost Dinice* Dokažte, že pro jednotkové kapacity doběhne Dinicův algoritmus v čase $\mathcal{O}(mn)$, kde m je počet hran a n počet vrcholů.
6. *Složitost Goldberga* Navrhnete vhodnou implementaci a dokažte, že Goldbergův algoritmus, kde zdviháme vždy nejvyšší vrchol s přebytkem, má časovou složitost $\mathcal{O}(n^2\sqrt{m})$.

1. *Věže na šachovnici (7 bodů)* Mějme vykousanou šachovnici (šachovnice, na které chybí nějaká políčka – zadáno na vstupu) o rozměru $n \times m$. Navrhněte algoritmus, který na ni rozestaví věže (na nevykousaná políčka) tak, aby se vzájemně neohrožovaly. Přičemž věže se přes vykousaná políčka

- (a) ohrožují
- (b) neohrožují

Pro nešachisty: dvě věže se ohrožují, pokud stojí na stejném sloupci nebo řadě (řádku) a v příkladu (b) mezi nimi není žádné vykouslé políčko.