

Diskrétní matematika 2016/2017  
*Náhradní úlohy na pluska*

1. Dokažte matematickou indukcí, že pro všechna přirozená čísla  $k$  platí:  $3/(k^3 + 2k)$ .
2. Napište příklad relace na množině  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$ , která je reflexivní.
3. Vysvětlete vlastními slovy, co je Hasseův diagram. Proč ho používáme? Proč jeho „hrany“ jsou neorientované a ne orientované?
4. Kolika způsoby mohou ze 40 lidí vybrat 4 výherce a jednoho největšího smolaře?
5. Kolik šestipísmenných slov mohou vytvořit z písmen VLACEK tak, aby po vyškrtání některých písmen nevzniklo ani jedno ze slov VLK, LAK, KEC?
6. Nalezněte všechny grafy, které jako podgraf neobsahují  $K_{1,3}$  (nezapomeňte na nesouvislé).